

Zadania:

1. Zapisać w podstawowych jednostkach układu SI:

- a) 1 doba
- b) 15 min
- c) 1,5 h
- d) 2 Mm (mile morskie)
- e) 24 kn (węzły)
- f) -15°C
- g) 20 km/h
- h) 5 cm^3
- i) 20 dm^2

2. Obliczyć sumę, różnicę i iloczyn skalarny i wektorowy dwóch wektorów \vec{a} i \vec{b} :

- a) $\vec{a} = 2 \cdot \hat{i} + 3 \cdot \hat{j} + 4 \cdot \hat{k}$; $\vec{b} = 4 \cdot \hat{i} + 3 \cdot \hat{j} + \hat{k}$
- b) $\vec{a} = 2 \cdot \hat{i} + \hat{j} - 3 \cdot \hat{k}$; $\vec{b} = -2 \cdot \hat{i} - \hat{j} + 3 \cdot \hat{k}$
- c) $\vec{a} = [1,1,4]$; $\vec{b} = [-4,3,2]$
- d) $\vec{a} = [0,1,-3]$; $\vec{b} = [2,0,3]$

3. Dana jest siła \vec{F} , wyrażona w niutonach oraz wektor przesunięcia \vec{r} w metrach:

- a) $\vec{F} = 3 \cdot \hat{i} + 3 \cdot \hat{j} + 2 \cdot \hat{k}$; $\vec{r} = 5 \cdot \hat{i} + \hat{k}$
- b) $\vec{F} = 3 \cdot \hat{i} + \hat{j} + 3 \cdot \hat{k}$; $\vec{r} = \hat{i} + 2 \cdot \hat{j} + \hat{k}$
- c) $\vec{F} = 4 \cdot \hat{i} + \hat{j} + 4 \cdot \hat{k}$; $\vec{r} = \hat{i} + \hat{k}$

Obliczyć wartość działającej siły, długość przesunięcia oraz wykonaną pracę.

4. Dana jest siła \vec{F} , wyrażona w niutonach oraz wektor ramienia \vec{R} w metrach, na które działa ta siła:

- a) $\vec{F} = [2,2,4]$; $\vec{R} = [1,3,2]$
- b) $\vec{F} = [0,1,3]$; $\vec{R} = [3,2,3]$

Określić moment działającej siły i jego wartość.

5. Wyznaczyć funkcję opisującą zależność $v(t)$ i $a(t)$ wiedząc, że położenie punktu x zmienia się w czasie zgodnie z funkcją:

- a) $x(t) = 3t^2 + 2t^3 + 3$
- b) $x(t) = 3t^4 + 2 \cos(2t - 3)$
- c) $x(t) = 3 \sin 2t + 3 \cos(2t + 3) + 3t^4$
- d) $x(t) = 3e^{-2t} + 3 \cos 2t - 2t$
- e) $x(t) = 3 \sin(2t - 3) - 3e^{-3t} + 2t^2$

4. Wyznaczyć funkcję opisującą zależność $v(t)$ wiedząc, że położenie punktu y zmienia się w czasie zgodnie z funkcją:

- a) $y(t) = (t + 1)^2$
- b) $y(t) = (t + 1)^{99}$
- c) $y(t) = \sqrt{t^2 + t}$

$$d) y(t) = \frac{1}{\sqrt{t^3 + t}}$$

$$e) y(t) = \frac{1}{\sqrt[3]{t - 4t^2}}$$

5. Położenie punktu materialnego poruszającego się wzdłuż osi x opisane jest zależnością:

$$a) x(t) = nt + \frac{mt^2}{2}; \text{ gdzie } n \text{ i } m \text{ stałe}$$

$$b) x(t) = \left(\frac{v_0}{k}\right)(1 - e^{-kt}); \text{ gdzie } v_0 \text{ i } k \text{ stałe}$$

$$c) x(t) = 5t^3 - 4t^2 + 2t - 1$$

Narysować kształty funkcji, opisujące czasowe przebiegi szybkości i przyspieszenia.

6. Narysować wykres $a(t)$ wiedząc, że położenie punktu x zmienia się w czasie zgodnie z funkcją:

$$a) x(t) = t^3 - 5t^2 + 2t + 1$$

$$b) x(t) = -2t^2 + 2t + 5$$

$$c) x(t) = 3t + 4$$

7. Położenie $\vec{r}(t)$ dane jest zależnością:

$$a) \vec{r}(t) = 3t^2 \cdot \hat{i} + 2t \cdot \hat{j} + 5(t-1) \cdot \hat{k}$$

$$b) \vec{r}(t) = 2t^3 \cdot \hat{i} + 2e^{-3t} \cdot \hat{j} + 4t^2 \cdot \hat{k}$$

$$c) \vec{r}(t) = 2 \sin 2\pi t \cdot \hat{i} + 3e^{-2t} \cdot \hat{j} + (\cos 2\pi t - t^2) \cdot \hat{k}$$

Wyznaczyć wektor: prędkości $\vec{v}(t)$ i przyspieszenia $\vec{a}(t)$. Ustalić początkową prędkość \vec{v}_0 i szybkość v_0 oraz początkowe przyspieszenie styczne $\vec{a}_s(t)$.